



Mínimo XOR

Hay un conjunto de n enteros no negativos x_1, \dots, x_n que tienes que determinar.

Para determinarlo, puedes hacer preguntas del siguiente tipo: proporcionas un entero no negativo y y se te devuelve el valor $\min_{i=1, \dots, n} (x_i \oplus y)$, donde \oplus indica la operación disyuntiva exclusiva bit a bit (XOR), que definimos abajo. Debes encontrar los valores de los n números usando como mucho 20000 preguntas.

La operación XOR de dos enteros no negativos se calcula de la siguiente forma: se escriben los dos números en binario y el resultado es el número que escrito en binario tiene 1 en las posiciones en las que uno y solo uno de los dos operandos tiene un 1, y 0 en las posiciones en la que los dos operandos tienen 0 o los dos operandos tienen 1 (dicho de otra manera: se pone un 0 en las posiciones que los dos operandos tienen el mismo dígito binario y 1 en las que los dígitos son diferentes).

Por ejemplo, $26 \oplus 14 = 20$, porque 26 en binario es 11010, 14 en binario es 1110, y el número resultante de poner 1 en las posiciones en las que sólo uno de los dos operandos tiene un 1 es 10100, que es 20 en binario.

$$\begin{array}{r} 11010 \\ \oplus 01110 \\ \hline 10100 \end{array}$$

Entrada y salida

Este es un problema interactivo. Debes refrescar la salida cada vez que imprimas datos (`cout << endl` o `cout << flush` en C++, `System.out.flush()` en Java, `stdout.flush()` en Python).

La primera línea de la entrada contiene un entero n , el número de elementos del conjunto. Debes leer este valor antes de hacer ninguna pregunta.

Para hacer una pregunta debes escribir una línea con el formato `? y`, donde y es un entero que debe satisfacer $0 \leq y < 2^{30}$. Después de hacer una pregunta, debes leer de la entrada un entero, el resultado. En caso de que hagas una pregunta inválida o superes el límite de preguntas el resultado que leerás será -1 , si tu programa lee un -1 debería terminar inmediatamente.

Una vez hayas determinado los n números, debes escribir una línea con el formato `! x_1 x_2 ... x_n`, donde $x_1 < x_2 < \dots < x_n$ son los n enteros del conjunto **en orden ascendente**. Después de escribir esto, tu programa debería terminar.



Ejemplo

Entrada:

```
3
1
1
0
1
```

Salida:

```
? 1
? 2
? 3
? 4
! 0 3 5
```

Explicación: En este caso los valores ocultos son 0, 3, 5. La primera línea de la entrada es n , el número de valores. A continuación se hace una pregunta con $y = 1$: el interactor calcula los tres valores $0 \oplus 1 = 1$, $3 \oplus 1 = 2$, $5 \oplus 1 = 4$ y da como respuesta en la entrada el valor más pequeño, que es 1. En la pregunta con $y = 2$, se calcula $0 \oplus 2 = 2$, $3 \oplus 2 = 1$, $5 \oplus 2 = 7$ y se retorna el valor más pequeño, que es 1. Con $y = 3$, $1 \oplus 3 = 2$, $3 \oplus 3 = 0$, $5 \oplus 3 = 6$ y se responde 0. Con $y = 4$, $1 \oplus 4 = 5$, $3 \oplus 4 = 7$, $5 \oplus 4 = 1$ y se responde 1. Finalmente, se dan los tres números tal como se especifica en el formato.

Restricciones

$1 \leq n \leq 10000$.

$0 \leq x_i < 2^{30}$. Los n valores de x_i son números distintos.

Se pueden hacer como máximo 20000 preguntas (dar la respuesta no cuenta como pregunta).

Subtareas

1. (7 puntos) $x_i < 20000$.
2. (13 puntos) $x_i < 2^{15}$.
3. (8 puntos) $n = 2$.
4. (20 puntos) $n \leq 300$.
5. (12 puntos) $n \leq 600$.
6. (20 puntos) $n \leq 5000$.
7. (20 puntos) Sin restricciones adicionales.